

ZADATAK	PET	KEMIJA	CROSS	MATRICA	BST	NAJKRAĆI
<b>izvorni kôd</b>	pet.pas pet.c pet.cpp	kemija.pas kemija.c kemija.cpp	cross.pas cross.c cross.cpp	matrica.pas matrica.c matrica.cpp	bst.pas bst.c bst.cpp	najkraci.pas najkraci.c najkraci.cpp
<b>ulazni podaci</b>	standardni ulaz					
<b>izlazni podaci</b>	standardni izlaz					
<b>vremensko ograničenje</b>	1 sekunda	1 sekunda	1 sekunda	0.2 sekunde	1 sekunda	5 sekundi
<b>memorijsko ograničenje</b>	32 MB	32 MB	32 MB	32 MB	32 MB	32 MB
<b>broj bodova</b>	<b>30</b>	<b>40</b>	<b>70</b>	<b>110</b>	<b>120</b>	<b>130</b>
	<b>500</b>					

Pet prijatelja sudjeluje u popularnoj kulinarskoj TV emisiji "Večera za pet". Svaku večer jedan od pet prijatelja radi večeru, a na kraju večeri svaki od preostale četvorice daje mu ocjenu od 1 do 5.

Broj bodova koje je natjecatelj skupio jednak je zbroju dobivenih ocjena. Pobjednik tjedna je naravno onaj koji skupi najviše bodova.

Napišite program koji će ispisati tko je skupio najviše bodova i koliko bodova je skupio.

### **ULAZNI PODACI**

U pet redaka nalaze se po četiri cijela broja odvojena razmakom, ocjene koje je pojedini natjecatelj dobio od svojih prijatelja.

Natjecatelji su označeni brojevima od 1 do 5 redom kojim su navedeni.

Ulazni podaci bit će takvi da će rješenje biti jedinstveno.

### **IZLAZNI PODACI**

U prvi i jedini redak ispišite redni broj natjecatelja koji je skupio najviše bodova i broj bodova koje je skupio odvojene razmakom.

### **PRIMJERI TEST PODATAKA**

<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>
5 4 4 5	4 4 3 3
5 4 4 4	5 4 3 5
5 5 4 4	5 5 2 4
5 5 5 4	5 5 5 1
4 4 4 5	4 4 4 4
<b>izlaz</b>	<b>izlaz</b>
4 19	2 17

Luka opet ne pazi na satu kemije! Umjesto da izjednačava kemijske jednadžbe on zapisuje raznorazne šifrirane rečenice na papir. Luka svaku riječ u rečenici modificira tako da nakon svakog samoglasnika ubaci slovo p, a nakon njega opet taj isti samoglasnik.

Tako na primjer riječ kemija postaje kepemipijapa, a riječ paprika postaje papapripikapa. Profesorica je Luki uzela papir sa zapisanim rečenicama i sada ih želi dešifrirati.

Napišite program koji će dešifrirati rečenicu koju je Luka napisao.

### **ULAZNI PODACI**

U prvom retku se nalazi niz znakova koji predstavlja šifriranu rečenicu. Rečenica se sastoji isključivo od malih slova engleske abecede i znakova razmaka. Riječi će biti odvojene točno jednim razmakom, a razmaci se neće pojavljivati na drugim mjestima. Ukupan broj znakova bit će manji od 100.

### **IZLAZNI PODACI**

U prvi i jedini redak treba zapisati dešifriranu rečenicu.

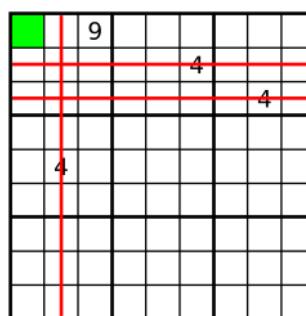
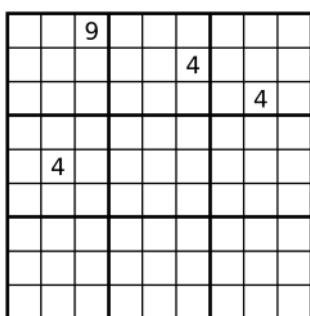
### **PRIMJERI TEST PODATAKA**

<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>
zepelopenapa papapripikapa	bapas jepe doposapadnapa opovapa kepemipijapa
<b>izlaz</b>	<b>izlaz</b>
zelena paprika	bas je dosadna ova kemija

U igri Sudoku, cilj je postaviti brojeve između 1 i 9 na ploču  $9 \times 9$  tako da svaki red, svaki stupac i svaki  $3 \times 3$  blok sadrži svih devet brojeva. Početna ploča je djelomično popunjena brojevima tako da je moguće logikom odrediti brojeve u ostalim poljima. Postoje Sudoku zagonetke različitih težina, a za rješavanje najtežih potrebne su složene metode analize. U ovom zadatku ipak ćete implementirati jednu od najjednostavnijih, metodu unakrsnog križanja (*cross-hatching*).

U unakrsnom križanju izaberemo jedan od devet brojeva te, za svako njegovo pojavljivanje na ploči, prekrižimo odgovarajući red, stupac i  $3 \times 3$  blok. Nakon toga tražimo  $3 \times 3$  blok u kojem se broj još ne pojavljuje te u bloku postoji točno jedno moguće mjesto za broj, te broj zapišemo na to mjesto.

Lijeva slika prikazuje gotovo praznu ploču. Međutim, čak i u njoj moguće je unakrsnim križanjem zaključiti da je broj u gornjem lijevom kutu 4, kako je ilustrirano desnom slikom.



Zadana je djelomično ispunjena ploča. Vaš zadatak je ponavljanjem unakrsnog križanja za različite brojeve zaključiti što više o brojevima na praznim poljima.

Početni raspored brojeva na ploči može biti ilegalan (ako se broj pojavljuje više puta u redu, stupcu ili bloku). Također je moguće da za vrijeme rješavanja naiđete na situaciju da u bloku uopće nije moguće postaviti broj. U oba slučaja potrebno je prijaviti grešku.

### **ULAZNI PODACI**

Ulez se sastoji od 9 redova, a u svakom će biti točno 9 znakova. Svi znakovi će biti znamenke od 1 do 9 ili točka, koja označava prazno polje.

### **IZLAZNI PODACI**

Ukoliko je ulaz pravilan i ne dođe do kontradikcije pri rješavanju, potrebno je ispisati ploču u istom obliku u kojem je zadana, s popunjениm poljima čiju vrijednost je moguće odrediti unakrsnim križanjem. U suprotnom, potrebno je ispisati "GRESKA" (bez navodnika).

**PRIMJERI TEST PODATAKA**

<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>
..9.....	...1...6.	1.....	.....2
....4...	18...9...	.1.....	....1....
.....4.	..7.642..	.....1.	1.....
.....	2.9..6.5.	.....	.....1..
.4.....	.43...72.	.....	.....
.....	.6.3..9.1	.....	.....
.....	..265.1..	.....	.....
.....	...2...97	.....	.....1.
.....	.5...3...	.....	.....
<b>izlaz</b>	<b>izlaz</b>	<b>izlaz</b>	<b>izlaz</b>
4.9.....	524137869	GRESKA	GRESKA
....4...	186529473		
.....4.	397864215		
.....	219476358		
.4.....	843915726		
.....	765382941		
.....	972658134		
.....	638241597		
.....	451793682		

Mali Matej voli u kvadratne matrice stavljati slova. Kvadratna matrica ima jednak broj redaka i stupaca. Posebno su mu drage **simetrične** matrice. Kvadratna matrica M je simetrična ako su slova u njoj simetrična u odnosu na dijagonalu koja spaja gornji lijevi i donji desni kut matrice. Točnije, mora vrijediti  $M_{ab} = M_{ba}$  za sve parove a i b.

AAB ACC BCC	AAA ABA AAA	ABCD ABCD ABCD ABCD	AAB ACA DAA
Dvije simetrične matrice.		Dvije matrice koje nisu simetrične.	

Zadana su slova koja Matej ima na raspolaganju. On želi **sva** slova postaviti u matricu tako da bude simetrična, ako je to moguće.

Ako postoji više takvih simetričnih matrica, tada je potrebno naći leksikografski najmanju. Matricu leksikografski uspoređujemo tako da spojimo sve njene redove u jedan dugi niz znakova te uspoređujemo nizove na uobičajeni način.

Nije potrebno ispisati cijelu matricu, već samo neke stupce.

### **ULAZNI PODACI**

U prvom retku nalazi se dva prirodna broja N ( $1 \leq N \leq 30000$ ) i K ( $1 \leq K \leq 26$ ). Broj N je dimenzija matrice, a K broj različitih slova koja će se pojavljivati u matrici.

U svakom od sljedećih K redaka nalazi se po jedno veliko slovo engleske abecede i jedan prirodni broj, odvojeni razmakom. Broj označava koliko odgovarajućih slova je na raspolaganju. Na primjer, ako se u retku nalazi "A 4", tada Matej ima na raspolaganju četiri slova A.

Ukupni broj slova bit će točno  $N^2$ . Niti jedno slovo neće se pojaviti u ulazu više puta.

U sljedećem retku nalazi se broj P ( $1 \leq P \leq 50$ ), broj stupaca koje je potrebno ispisati.

U zadnjem redu nalazi se P različitih brojeva, indeksi stupaca koje je potrebno ispisati. Indeksi će biti između 1 i N, zadani u uzlaznom redoslijedu.

### **IZLAZNI PODACI**

Ukoliko je moguće sastaviti simetričnu matricu od zadanih slova, ispišite zadane stupce u N redova, u svakom po P znakova, bez razmaka. U suprotnom, ispišite "NEMOGUCE" (bez navodnika).

### **BODOVANJE**

U test podacima vrijednim 60% bodova, N će biti najviše 300.

U test podacima vrijednim 80% bodova, N će biti najviše 3000.

**PRIMJERI TEST PODATAKA**

<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>
3 3	4 4	4 5	4 6
A 3	A 4	E 4	F 1
B 2	B 4	A 3	E 3
C 4	C 4	B 3	A 3
3	D 4	C 3	B 3
1 2 3	4	D 3	C 3
	1 2 3 4	2	D 3
<b>izlaz</b>	<b>izlaz</b>	<b>izlaz</b>	<b>izlaz</b>
AAB	AABB	AC	4
ACC	AACC	BE	1 2 3 4
BCC	BCDD	DE	<b>izlaz</b>
	BCDD	ED	NEMOGUCE

Binarno stablo pretraživanja je stablo u kojem svaki čvor ima najviše dvoje djece (lijevo i desno). U svakom čvoru upisan je neki cijeli broj. Ako je u neki čvor upisan broj  $x$ , tada su brojevi u svakom čvoru u njegovom lijevom podstablu manji od  $x$ , a u svakom čvoru u njegovom desnom podstablu veći od  $x$ .

Zadan je niz od  $N$  brojeva između 1 i  $N$  (uključivo), tako da se svaki broj u nizu pojavljuje točno jednom. Potrebno je od tog niza brojeva izgraditi binarno stablo pretraživanja i to tako da prvi broj u nizu postavimo za korijen stabla, a svaki sljedeći broj ubacujemo prema sljedećem rekurzivnom algoritmu tako da za broj  $X$  uvrstimo broj koji ubacujemo, a za čvor  $\check{C}$  uvrstimo korijen stabla.

ubaci( broj  $X$ , čvor  $\check{C}$  )

    povećaj brojač BR za 1

    ako je  $X$  manji od vrijednosti u čvoru  $\check{C}$

        ako  $\check{C}$  nema lijevo dijete

            stvor novi čvor s vrijednosti  $X$  i postavi ga kao lijevo dijete čvoru  $\check{C}$

        inače

            ubaci( broj  $X$ , lijevo dijete čvora  $\check{C}$  )

    inače

        ako  $\check{C}$  nema desno dijete

            stvor novi čvor s vrijednosti  $X$  i postavi ga kao desno dijete čvoru  $\check{C}$

        inače

            ubaci( broj  $X$ , desno dijete čvora  $\check{C}$  )

Napišite program koji će ispisati vrijednost brojača BR nakon svakog ubačenog broja ako je BR na početku jednak 0.

### **ULAZNI PODACI**

U prvom retku nalazi se broj  $N$  ( $1 \leq N \leq 300\,000$ ), veličina niza.

U svakom od sljedećih  $N$  redaka nalaze se članovi niza, međusobno različiti cijeli brojevi iz intervala  $[1, N]$ .

### **IZLAZNI PODACI**

U  $N$  redaka treba ispisati po jedan broj, vrijednost brojača BR nakon ubacivanja svakog od novog broja u stablo.

### **BODOVANJE**

U test podacima ukupno vrijednim 50% bodova, broj  $N$  bit će manji od 1000.

**PRIMJERI TEST PODATAKA**

<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>
4	5	8
1	3	3
2	2	5
3	4	1
4	1	6
	5	8
<b>izlaz</b>	<b>izlaz</b>	<b>izlaz</b>
0	0	7
1	1	2
3	2	4
6	4	0
	6	1
		2
		4
		7
		11
		13
		15

Zadana je prometna mreža neke države koju čine N gradova i M jednosmjernih cesta. Gradovi su označeni brojevima od 1 do N. Za svaku cestu poznati su polazni i odredišni grad, te njena duljina.

Za cestu F kažemo da nastavlja cestu E ako je odredišni grad ceste E jednak polaznom gradu ceste F. Put od grada A do grada B je takav niz cesta u kojem svaka cesta nastavlja prethodnu cestu u nizu, polazni grad prve ceste je A, a odredišni grad zadnje ceste u nizu je B. Ukupna duljina puta je zbroj duljina svih cesta na putu.

Za neki put od grada A do grada B kažemo da je najkraći ako ne postoji neki drugi put od grada A i grada B s manjom ukupnom duljinom.

Vaš je zadatak da za svaku cestu pronađete koliko ima različitih najkraćih puteva koji sadrže tu cestu. Kako taj broj može biti velik ispišite **ostatak pri djeljenju** tog broja s brojem 1 000 000 007.

### **ULAZNI PODACI**

U prvom retku nalaze se dva prirodna broja N i M ( $1 \leq N \leq 1500$ ,  $1 \leq M \leq 5000$ ), broj gradova i broj cesta.

U sljedećih M redaka nalaze se po tri prirodna broja U, V i D. To znači da postoji jednosmjerna cesta koja vodi iz grada s oznakom U u grad s oznakom V duljine D. Brojevi U i V bit će međusobno različiti, a duljina ceste manja od 10000.

### **IZLAZNI PODACI**

U M redaka treba ispisati po jedan cijeli broj – ostatak pri djeljenju ukupnog broja različitih najkraćih puteva koji sadrže pojedinu cestu s brojem 1 000 000 007.

Ceste treba ispisati istim poretkom kojim se nalaze na ulazu.

### **BODOVANJE**

U test podacima ukupno vrijednim 30% bodova, broj N bit će manji od 15, a broj M manji od 30.

U test podacima ukupno vrijednim 60% bodova, broj N bit će manji od 300, a broj M manji od 1000.

**PRIMJERI TEST PODATAKA**

<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>	<b>ulaz</b>
4 3	4 4	5 8
1 2 5	1 2 5	1 2 20
2 3 5	2 3 5	1 3 2
3 4 5	3 4 5	2 3 2
	1 4 8	4 2 3
<b>izlaz</b>	<b>izlaz</b>	4 2 3
3	2	3 4 5
4	3	4 3 5
3	2	5 4 20
	1	<b>izlaz</b>
		0
		4
		6
		6
		6
		7
		2
		6